

Laplace Transforms

$\delta(t - \tau)$	$e^{-\tau s}$	
$\delta(t)$	1	all s
$\frac{(t-\tau)^n}{n!} e^{-\alpha(t-\tau)} \cdot u(t - \tau)$	$\frac{e^{-\tau s}}{(s+\alpha)^{n+1}}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\frac{t^n}{n!} \cdot u(t)$	$\frac{1}{s^{n+1}}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\frac{t^q}{\Gamma(q+1)} \cdot u(t)$	$\frac{1}{s^{q+1}}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$u(t)$	$\frac{1}{s}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$u(t - \tau)$	$\frac{e^{-\tau s}}{s}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$t \cdot u(t)$	$\frac{1}{s^2}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\frac{t^n}{n!} e^{-\alpha t} \cdot u(t)$	$\frac{1}{(s+\alpha)^{n+1}}$	$\text{Re}\{s\} > -\alpha$
$e^{-\alpha t} \cdot u(t)$	$\frac{1}{s+\alpha}$	$\text{Re}\{s\} > -\alpha$
$(1 - e^{-\alpha t}) \cdot u(t)$	$\frac{\alpha}{s(s+\alpha)}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\sin(\omega t) \cdot u(t)$	$\frac{\omega}{s^2 + \omega^2}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\cos(\omega t) \cdot u(t)$	$\frac{s}{s^2 + \omega^2}$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\sinh(\alpha t) \cdot u(t)$	$\frac{\alpha}{s^2 - \alpha^2}$	$\text{Re}\{s\} > \alpha $
$\cosh(\alpha t) \cdot u(t)$	$\frac{s}{s^2 - \alpha^2}$	$\text{Re}\{s\} > \alpha $
$e^{\alpha t} \sin(\omega t) \cdot u(t)$	$\frac{\omega}{(s-\alpha)^2 + \omega^2}$	$\text{Re}\{s\} > \alpha$
$e^{\alpha t} \cos(\omega t) \cdot u(t)$	$\frac{s-\alpha}{(s-\alpha)^2 + \omega^2}$	$\text{Re}\{s\} > \alpha$
$\sqrt[n]{t} \cdot u(t)$	$s^{-(n+1)/n} \cdot \Gamma\left(1 + \frac{1}{n}\right)$	$\text{Re}\{s\} > 0$
$\ln\left(\frac{t}{t_0}\right) \cdot u(t)$	$-\frac{t_0}{s} [\ln(t_0 s) + \gamma]$	$\text{Re}\{s\} > 0$

Z-Transform Properties

$\delta[n]$	1	all z
$\delta[n - n_0]$	z^{-n_0}	$z \neq 0$
$u[n]$	$\frac{1}{1-z^{-1}}$	$ z > 1$
$-u[-n - 1]$	$\frac{1}{1-z^{-1}}$	$ z < 1$
$nu[n]$	$\frac{z^{-1}}{(1-z^{-1})^2}$	$ z > 1$
$-nu[-n - 1]$	$\frac{z^{-1}}{(1-z^{-1})^2}$	$ z < 1$
$n^2 u[n]$	$\frac{z^{-1}(1+z^{-1})}{(1-z^{-1})^3}$	$ z > 1$
$-n^2 u[-n - 1]$	$\frac{z^{-1}(1+z^{-1})}{(1-z^{-1})^3}$	$ z < 1$
$n^3 u[n]$	$\frac{z^{-1}(1+4z^{-1}+z^{-2})}{(1-z^{-1})^4}$	$ z > 1$
$-n^3 u[-n - 1]$	$\frac{z^{-1}(1+4z^{-1}+z^{-2})}{(1-z^{-1})^4}$	$ z < 1$
$a^n u[n]$	$\frac{1}{1-az^{-1}}$	$ z > a $
$-a^n u[-n - 1]$	$\frac{1}{1-az^{-1}}$	$ z < a $
$na^n u[n]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2}$	$ z > a $
$-na^n u[-n - 1]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2}$	$ z < a $
$n^2 a^n u[n]$	$\frac{az^{-1}(1+az^{-1})}{(1-az^{-1})^3}$	$ z > a $
$-n^2 a^n u[-n - 1]$	$\frac{az^{-1}(1+az^{-1})}{(1-az^{-1})^3}$	$ z < a $
$\cos(\omega_0 n) u[n]$	$\frac{1-z^{-1} \cos(\omega_0)}{1-2z^{-1} \cos(\omega_0)+z^{-2}}$	$ z > 1$
$\sin(\omega_0 n) u[n]$	$\frac{z^{-1} \sin(\omega_0)}{1-2z^{-1} \cos(\omega_0)+z^{-2}}$	$ z > 1$
$a^n \cos(\omega_0 n) u[n]$	$\frac{1-az^{-1} \cos(\omega_0)}{1-2az^{-1} \cos(\omega_0)+a^2 z^{-2}}$	$ z > a $
$a^n \sin(\omega_0 n) u[n]$	$\frac{az^{-1} \sin(\omega_0)}{1-2az^{-1} \cos(\omega_0)+a^2 z^{-2}}$	$ z > a $

Laplace Transform Properties

$af(t) + bg(t)$	$aF(s) + bG(s)$
$tf(t)$	$-F'(s)$
$t^n f(t)$	$(-1)^n F^{(n)}(s)$
$f'(t)$	$sF(s) - f(0)$
$f''(t)$	$s^2 F(s) - sf(0) - f'(0)$
$f^{(n)}(t)$	$s^n F(s) - s^{n-1} f(0) - \dots - f^{(n-1)}(0)$
$\frac{f(t)}{t}$	$\int_s^\infty F(\sigma) d\sigma$
$\int_0^t f(\tau) d\tau = (u * f)(t)$	$\frac{1}{s} F(s)$
$f(at)$	$\frac{1}{ a } F\left(\frac{s}{a}\right)$
$e^{at} f(t)$	$F(s - a)$
$f(t - a)u(t - a)$	$e^{-as} F(s)$
$(f * g)(t)$	$F(s) \cdot G(s)$
$f(t)$	$\frac{1}{1-e^{-Ts}} \int_0^T e^{-st} f(t) dt$

Z-Transforms

$a_1 x_1[n] + a_2 x_2[n]$	$a_1 X_1(z) + a_2 X_2(z)$
$x[n - k]$	$z^{-k} X(z)$
$a^n x[n]$	$X(a^{-1}z)$
$x[-n]$	$X(z^{-1})$
$x^*[n]$	$X^*(z^*)$
$\text{Re}\{x[n]\}$	$\frac{1}{2} [X(z) + X^*(z^*)]$
$\text{Im}\{x[n]\}$	$\frac{1}{2j} [X(z) - X^*(z^*)]$
$nx[n]$	$-z \frac{dX(z)}{dz}$
$x_1[n] * x_2[n]$	$X_1(z)X_2(z)$